# 空心阴极的发射热特性研究\*

于博<sup>1,2,3</sup>,于建<sup>2,3</sup>,康小录<sup>2,3</sup>,赵青<sup>1</sup>

(1. 电子科技大学 资源与环境学院 信息地学研究中心,四川 成都 611731;
2. 上海空间推进研究所,上海 201112;
3. 上海空间发动机工程技术研究中心,上海 201112)

摘 要: 空心阴极的发射体在电子发射时会处于动态热平衡状态,这种发射热特性对发射体的利用 率和工作寿命有重要意义。为研究空心阴极发射热特性及相关热设计方法,建立一种流-热耦合数值模型,将等离子体流场计算与组件热分布计算进行耦合,并采取一种逆向迭代方法来收敛计算,数值模型 在验证试验下的计算误差低于11.3%。在此基础上,对发射体温差的机理以及阴极顶孔径对发射体温差 的影响规律进行数值分析,主要结论为:羽状模式下的核心电离区较发散,导致发射体温差较点状模式 高出50 K 左右;适当增加阴极顶孔径可对发射体温差有降低作用。

关键词: 空心阴极; 热电子发射; 热特性; 逆向迭代; 数值计算 中图分类号: V439<sup>+</sup>.4 文献标识码: A 文章编号: 1001-4055 (2020) 04-0951-10 DOI: 10.13675/j.cnki. tjjs. 190124

## Investigation on Thermal Characteristics of Thermionic Emission in a Hollow Cathode

YU Bo<sup>1,2,3</sup>, YU Jian<sup>2,3</sup>, KANG Xiao-lu<sup>2,3</sup>, ZHAO Qing<sup>1</sup>

 Center for Information Geoscience, College of Resource and Environment, University of Electronic Science and Technology of China, Chengdu 611731, China;

2. Shanghai Institute of Space Propulsion, Shanghai 201112, China;

3. Shanghai Engineering Research Center of Space Engine, Shanghai 201112, China)

**Abstract:** A dynamic thermal balance will be established as the emitter performing in the thermionic emission state in the hollow cathode, in which the thermal characteristics exerts a great influence on the utilization and life time of the emitter. In order to study the thermal behavior of the electron emission and the relevant optimizing strategy of the thermal performance, an numerical model was employed to simulate the charged particle transportation coupling with the heat transfer process in the assemblies of the cathode, namely the flow-heat coupling model. In this model, a reverse iteration method was conducted to make the computational solution converged. A measurement test of the temperature of three cathodes has been performed to examine the accuracy of the flow-heat coupling model, and the relative error of this model was no more than 11.3%. Based on those, the physics of temperature difference in emitter and the change law of the temperature difference at different orifice diameters were analyzed numerically. This was because the core ionization region of the plume mode was 50 K more than that of spot mode so that the temperature difference of the emitter in plume mode was 50 K more than that of spot mode; an appropriate size of the orifice diameter would decrease the emitter temperature difference

<sup>\*</sup> 收稿日期: 2019-02-27;修订日期: 2019-06-10。

通讯作者:于 博,博士生,工程师,研究领域为电推进数值计算。E-mail: 441695759@qq.com

引用格式:于 博,于 建,康小录,等.空心阴极的发射热特性研究[J]. 推进技术, 2020, 41(4):951-960. (YU Bo, YU Jian, KANG Xiao-lu, et al. Investigation on Thermal Characteristics of Thermionic Emission in a Hollow Cathode [J]. *Journal of Propulsion Technology*, 2020, 41(4):951-960.)

for the sake of thermal performance optimization.

Key words: Hollow cathode; Thermionic emission; Thermal characteristics; Reverse iteration; Numerical simulation

## 1 引 言

本文所讨论的空心阴极为应用于霍尔或离子电 推进系统的电子源装置,发射体常采用多孔钨为基 底、金属氧化物浸渍的钡钨411发射体,放电工质为 Xe。空心阴极的发射热特性主要有以下两方面研究 意义:(1)发射体的工作温度分布直接影响发射体局 部工作寿命;(2)发射体的温度分布决定了发射体的 有效发射区域,影响发射体的结构利用率。

在空心阴极正常工作时,会处于一种自持弧光 放电的状态,发射体将保持一定的工作温度,因而, 空心阴极的电子发射伴随着整个装置动态热平衡, 阴极这种发射热特性既是影响放电性能的因素,也 是反映放电性能高低的指征。目前,关于空心阴极 发射热特性的现存理论主要为:发射体表面的温度 分布并不是呈均匀分布,而是存在50K~150K左右 的温度差<sup>[1-2]</sup>。此外,发射体温度随着气体流率的升 高而出现先减小后缓慢增大的趋势[3-5],这是阴极进 入羽状模式后发射体的热负荷升高所致。Ira等对 阴极建立了热平衡模型[2,5],揭示阴极发射体的能量 平衡关系,以离子轰击、电子发射冷却作为传热作用 的输入条件,为阴极放电状态下的温度分布计算提 供了数值方法,但该方法需要先假设发射体的工作 温度,没有做到真正的流场与热场计算的耦合。空 心阴极在正常工作状态时,发射体的发射状态属于 一种特殊的空间电荷发射区,即发射体的理论发射 电流总要高于阴极的放电电流,该结论表明发射体 的工作温度总要高于其零场发射温度。Ira 等<sup>[6]</sup>又 针对三个不同阴极顶孔径的阴极进行了发射体温度 的计算,但温度计算的目的在于对阴极发射体寿命 进行研究,对于产生这种温度分布的原因并未进行 深入讨论。在2015年以后,研究重点转向一些非传 统的空心阴极:六硼化镧的无加热器阴极的发射体 工作温度会低于理查森的理论预估值, Alexander 推 测这可能与发射体表面的化学作用或肖特基效应有 关<sup>[7]</sup>;此外,一种新型发射体材料C12A7的空心阴 极<sup>[8]</sup>,由于其发射体逸出功较低(0.6 eV),可以令发 射体的工作温度维持在较低的数值(400℃左右),但 这种发射体在长期工作中会出现热负荷过载的情 况;对于100A量级的空心阴极,阴极管、发射体以 及触持极都受到等离子体的撞击作用,会面临更高的热负荷威胁<sup>[9]</sup>。同时,研究人员发现,大电流工作下的空心阴极发射体将面临更严峻的工作寿命问题,温度分布差异更显著,这对阴极热设计带来了更大难度。综上,由于以往研究方法多采用试验方法,很多阴极内部的物理机制并没有得到清晰的解释,尤其是发射体温度分布差异的成因;其次,对于阴极核心结构尺寸——阴极顶孔直径对发射热特性的影响机理鲜有报道,上述问题空心阴极的热设计有一定阻碍。

空心阴极的热问题是带电粒子相互作用、粒子 与组件壁面相互作用以及组件间传热作用的耦合问 题。对该问题的研究方法需要进行讨论:试验方法 目前仅能做到阴极外部宏观参数的测量,例如阴极 表面的温度、阴极放电电压、电流以及羽流中的各类 诊断参数等,但对阴极内部参数的测量却是非常困 难,这对阴极内部的物理机制研究有一定制约。

本文采用试验与数值分析结合的方法,建立一 种将阴极内部带电粒子流场与组件传热过程耦合的 数值方法(简称流-热耦合模型),通过几种有代表性 工况下的试验测量数据验证数值模型的正确性,再 利用数值模型对不同工况下的阴极发射热特性变化 规律进行研究,揭示相关物理机制,为空心阴极的热 设计优化提供理论参考。

### 2 流-热耦合模型

空心阴极内部的热能平衡机制主要发生在粒子与组件壁面作用的各表面,Ira K<sup>[6]</sup>所采用的仅为发射体表面,但本文认为阴极组件表面与正离子相互作用的位置不仅在发射体表面,还有阴极顶的2个表面,具体计算模型如图1所示。

整个数值模型由两部分组成:阴极流场区域的 粒子输运、碰撞过程和组件之间的热传导、热辐射过 程。流场计算主要为热计算提供表面1,2,3的热流 密度输入,图1中的青蓝色方框区域为流场计算域, 而热分布计算为流场计算更新发射体温度、发射电 子数量。在计算前,先设定发射体工作温度为*T*<sub>emin</sub> (该数值可据情况调整,本文取1200K),进而计算阴 极流场区域的粒子运动状态,输出表面1,2,3的热流 密度分布,将该输入条件代入热计算中,获得阴极组



Fig. 1 A 2D hybrid model of the particle flow and the heat transfer in the hollow cathode

件间热传导与热辐射的稳态温度计算,输出发射体的平均工作温度 T'<sub>emit</sub>,并且更新 T<sub>emit</sub>的数值(需要说明的是,更新的 T<sub>emit</sub>并不是 T'<sub>emit</sub>,具体的迭代公式在小节 2.3 中有详述),往复循环直至计算收敛,具体计算流 程见图 2。



Fig. 2 Flow chart of the computational procedures

#### 2.1 流场计算模型

带电粒子的流场计算模型主要处理由发射体表 面发射的电子、中性气体来流引入的Xe原子在阴极 与阳极间电场作用下的一系列输运、碰撞过程。本 文采用单元粒子(Particle-in-cell,PIC)模型来模拟带 电稀薄粒子的输运过程。PIC模型在求解粒子的运 动过程中,在网格节点处要进行网格内粒子参数的 权重统计,这种统计包括数密度、温度、电势等物理 参数,以网格节点的参数来代表整个网格的状态,具 体权重统计的分配方法见文献[10]。PIC模型的优 势在于,一方面为输出计算结果提供了方便,但更重 要的是,另一方面为求解过程中影响运动状态输入 条件的更新提供了快速的计算方法,故PIC模型是一 种非常适合计算稀薄流体的方法,模型具体细节可 参考文献[10-12],这里不再赘述。

在该模型中,主要考虑电子和离子两类粒子,采 用对离子的加速策略,即将离子质量降低至1/2500, 介电常数降低至1/100。此外,将原子视作背景气体, 以DSMC算法先针对原子在空心阴极内部的数密度 分布进行计算,为后文的电子-原子碰撞提供计算输 入。考虑电子数密度在10<sup>17</sup>m<sup>-3</sup>量级,电子温度在2eV 左右,电子振荡频率在10°Hz量级,时间步长取5× 10<sup>-11</sup>s。

由于计算域不存在磁场,对空间电势的求解可 基于泊松方程,以阳极电压、阴极结构为输入条件计 算阴极中静电势分布,再以每个时间步长中的节点 净电荷数据求解净电荷的电势分布,以上两者的代 数和则为空间电势。以此来更新每个时间步长中电 子、离子的受力情况。

在空心阴极正常工作时,流场计算域通常会发 生电子、离子和原子间的各类碰撞,但对于阴极的自 持放电而言,只有电子-原子间的碰撞类型是影响其 放电性能的关键。因此,本文忽略其它电子-离子 间、离子-原子间的碰撞类型,仅考虑电子-原子间的 弹性、激发和电离碰撞。为此,采用蒙特卡洛碰撞 (Monte-Carlo collisions, MCC)模型。

MCC模型认为,电子与原子发生弹性、激发或电 离碰撞的概率与两者的碰撞频率有关,在一个时间 步长Δτ内,某个电子发生某一类碰撞的概率为

$$P_{s} = (1 - e^{-v_{e^{-n}}\Delta\tau}) \cdot \frac{\sigma_{s}}{\sigma_{s}}$$
(1)

式中下标s可以分别表示弹性、激发或电离碰撞 类型, σ<sub>1</sub>为电子与原子的总碰撞截面, 为三类碰撞截 面之和。 v<sub>e-a</sub>为电子与原子的碰撞频率, 可描述为

$$v_{e-a} = n_a v_e \sigma_t \tag{2}$$

式中n<sub>a</sub>为电子所在当地的原子数密度, v<sub>e</sub>为电子

与原子的相对速度,可取电子运动速度。

关于各类电子-原子碰撞截面公式可参考文献 [12],这里不再赘述。

在流场计算结束时,需要输出表面1,2,3的热流 密度分布,为热分布计算提供输入条件。正离子与3 个表面的碰撞是较为复杂的。由于鞘层的存在,并 不是所有正离子都会与3个表面发生碰撞<sup>[13-14]</sup>:当待 进入鞘层的离子速度低于波姆速度时,认为离子无 法进入鞘层,以镜反射来处理碰撞过程;当离子速度 不低于波姆速度时,认为离子可以进入鞘层。在鞘 层的加速下,离子会获得一定的动能,并将全部能量 沉积在撞击表面。表面1,2,3的每个网格内的热流 密度可由式(3)计算

$$q = \left[E_{i} + \frac{3}{2}kT_{i} + E_{\text{ionization}} + \phi \cdot e\right] \times \frac{D_{i}}{A \cdot \Delta \tau} \quad (3)$$

式中 $E_i$ 为正离子进入鞘层前的动能, $T_i$ 为离子温 度,该参数与中性气体温度接近,考虑发射体壁面温 度在 1250K 左右, $T_i$ 取 1000K,k为玻尔兹曼常数,  $E_{ionization}$ 为Xe电离能级, $\phi$ 为鞘层电势,e为元电荷, $D_i$ 为正离子在1个时间步长内进入网格的数量,A为网 格面积。鞘层电势可以通过Child提出的鞘层模型<sup>[15]</sup> 计算

$$\phi = -\frac{kT_{\rm e}}{2}\ln\frac{m_{\rm i}T_{\rm e}}{m_{\rm e}T_{\rm i}} \tag{4}$$

式中*T*。为电子温度,这里取2eV<sup>[6]</sup>,*m*;为离子质量,*m*。为电子质量。需要说明的是,阴极鞘层属于有电子发射的鞘层,与Child的鞘层模型(主要用于悬浮电极)有一定差别,但考虑电子温度较低,两者之间误差可以接受。

### 2.2 热分布计算模型

以表面 1,2,3 的热流密度分布为第二类边界条 件,环境温度 300K 为第三类边界条件,可对整个空心 阴极进行稳态的热分布计算。网格间的热传导采用 傅里叶导热模型,而空间内的热辐射换热并不采用 传统的四次方定律(本文工况中的表面数量较多,单 个表面的温度分布也有差异,利用角系数计算的热 流密度误差较高),取而代之,采用辐射传递系数<sup>[16]</sup> 来表征空间内网格之间的辐射传递角度和比例,该 系数定义为由某个表面甲出发的、经过多次反射达 到另一表面乙,而被表面乙吸收的能量,与表面甲所 辐射的总能量的比例。具体可通过追踪光路的算法 来 实现,例如,网格g对网格h的辐射传递系 数 $R_{s \to h}$ 为

$$R_{\rm g \to h} = \frac{N_{\rm g \to h}}{N_{\rm g}} \tag{5}$$

式中 $N_g$ 为从网格g辐射出的全角度光线数量,  $N_{g \to h}$ 为网格h接收到的来自网格g的光线数量(这些 光线包括直接到达的,也包括经过反射到达的)。

网格g所吸收的净辐射热流密度q<sub>rad.g</sub>为

$$q_{\rm rad,g} = (Q_{\rm t,g} - \sigma \varepsilon_{\rm g} A_{\rm g} T_{\rm g}^4) / A_{\rm g}$$
(6)

式中 $\varepsilon_g$ 为网格g的表面发射率, $A_g$ 为网格g的面积, $T_g$ 为网格g的温度, $Q_{Lg}$ 为网格g所吸收的总辐射热流,可表示为

$$Q_{i,g} = k \sum_{j=1}^{n} \varepsilon_j A_j R_{j \to g} T_j^4$$
(7)

由此,将热辐射所求解的网格内的热流密度作为第二类边界条件代入导热计算中,可求解出空心 阴极组件内的温度分布,进而,可输出发射体的平均 工作温度 T<sub>emi</sub>,并由式(8)计算发射电流密度<sup>[17]</sup>为

$$J = \alpha_0 \beta T_{\text{emit}}^2 \cdot \exp(-\frac{\phi_{\text{emit}}}{kT_{\text{emit}}}) \cdot \exp(-\frac{e}{kT_{\text{emit}}} \sqrt{\frac{eF}{4\pi\varepsilon_0}}) \quad (8)$$

式中发射系数 $\alpha_0 = 1.204 \times 10^6 \text{A}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}^2)$ ,透射 系数 $\beta = 0.98$ , $\phi_{\text{emit}}$ 为发射体逸出功,对于钡钨411发 射体,取2.18eV,F为鞘层电场强度, $\varepsilon_0$ 为真空介电 常数。

## 2.3 迭代公式

前文有述,流场计算与热分布计算将进行对 T<sub>emit</sub> 的迭代更新。然而,流-热耦合模型的迭代处理与常 规的迭代方法有所不同。首先,假如直接以热分布 计算所得的 T'<sub>emit</sub>来替换 T<sub>emit</sub>,所得到的计算结果如图 3 所示。在不同的初始 T<sub>emit</sub>的工况中(随机选取收敛 值附近的 6 个工况: Case a ~ Case f,其初始温度标注 于图 3 中),所得到的计算结果全部都是发散的,并 且,离实际收敛值越远的 T<sub>emit</sub>,发散速度越快。出现 这种现象并不是偶然,本文认为:增大流场计算的输 入条件 T<sub>emit</sub>会增大电子发射数量,增加计算域中的电 离次数,增加离子对表面 1,2,3的反流轰击作用,最 终增加热分布计算的输入条件(壁面热流密度);同 样地,增大表面 1,2,3的热流密度也会增加发射体的 工作温度 T'<sub>emit</sub>,因此,这种相互产生增益作用的两个 计算过程将会导致计算走向发散。

然而,图3所表现出的发散规律却指向一个关键 点:距离真实值越远,迭代计算所产生的发散程度越 大,由此可以根据发散速度的快慢来判定初始*T*<sub>emit</sub>距 离真实*T*<sub>emit</sub>的远近。假设某一次迭代计算所采用的 发射体初始温度为*T*<sub>emit</sub>(*r*),计算所得到的发射体温度



Fig. 3  $T_{emit}$  as a function of iteration number at different initial emitter temperatures

为 $T'_{emit}(r)$ ,下一次迭代所采用的初始温度为 $T_{emit}(r + 1)$ ,本文给出迭代公式

$$T_{\rm emit}(r+1) = T_{\rm emit}(r) \cdot \left(\frac{T_{\rm emit}(r)}{T'_{\rm emit}(r)}\right)^{0.75}$$
(9)

式(9)的物理意义为:如果迭代计算发生发散,则下一次迭代所使用的初始值将在发散方向相反的 区域选取。指数"0.75"是通过多次尝试得到的系数 (在0.8,0.85,0.9及以上的系数都会导致计算不能收 敛),但无法确定0.751,0.7512,0.752256等更多临近 的系数是否同样成立,不妨暂取0.75。由此,得到的 计算结果如图4。图4中青色方框中的数值代表由某 一次迭代初始值 *T*<sub>emit</sub>(*r*)所计算出的发射体温度 *T'*<sub>emit</sub>(*r*),经过式(9)的处理后,可得到下一次的迭代初 始值 *T*<sub>emit</sub>(*r*+1)。从计算结果来看,发射体温度确实 在逐渐接近真实值。这种收敛方式,本文称之为逆 向迭代收敛。这种收敛方式之所以能够适用于流- 热耦合模型,是因为流-热耦合模型的常规迭代发散 速度能够指征迭代初值与真实值的距离,这是逆向 迭代收敛方式能够生效的前提。



Fig. 4  $T_{emit}$  as a function of iteration number in the new iteration equation

#### 2.4 模型验证

为验证流-热耦合模型的计算精度,在真空舱中 开展空心阴极放电中的测温试验,并以相同结构、相 同工作条件下的计算结果与试验结果进行对比。试 验系统见图5。整个试验在长1.0m,直径0.6m的真空 舱内进行,为获得较高的真空度,以机械泵、分子泵 联合抽真空,在阴极正常工作时,真空度可以达到 10<sup>-3</sup>Pa量级。试验共采用3个阴极顶孔直径不同的 空心阴极。采用4个K型镍铬镍硅热电偶(测温上 限:1350℃)对阴极外表面4个测点进行测温,以光学 温度计通过真空舱可视窗口对阴极顶进行测温(该 测点编号为5),共计5个温度测点。热电偶的测量绝 对误差在-30K~30K之间,光学温度计的测温误差 在-20K~20K。

数值计算与试验采用的阴极结构为全电推进平台用 5kW 级霍尔电推进系统的空心阴极样机。在该



Fig. 5 Schematic diagram of the rectification test

工程样机的原理研制阶段,共设计了3组阴极顶孔直径的结构。试验及后文仿真所采用的工况如表1所示,相应地,给出阳极电压和工作模式的羽流状态。在工况的选取上,以气体流率3mL/min,4mL/min代表羽状模式下的典型工作点,以6mL/min,7mL/min代表

点状模式下的典型工作点。

图 6 给出 12 个工况的 5 个测点的温度测量结果 和计算结果(测点位置见图 5)。流-热耦合模型的计 算精度与流场计算和热计算都有关系,因此,对误差 的影响因素较多,在定量的角度,计算结果的误差在

		_			
Case	Configuration	Gas flow rate/(mL/min)	Anode voltage/V	Discharge current/A	Operation mode and pume color
1	Orifice diameter:0.70mm	3	26.4	10	Plume, purple
2		4	23.1	10	Plume, purple
3		6	18.5	10	Spot, blue
4		7	18.7	10	Spot, blue
5	Orifice diameter:0.75mm	3	28.7	10	Plume, purple
6		4	24.5	10	Plume, purple
7		6	18.2	10	Spot, green
8		7	18.3	10	Spot, green
9	Orifice diameter:0.80mm	3	29.6	10	Plume, purple
10		4	25.5	10	Plume, purple
11		6	18.4	10	Spot, blue
12		7	18.5	10	Spot, blue

 Table 1
 Operation conditions of three hollow cathodes in the rectification test

Temperature/K Temperature/K Temperature/K - Test -Test - Test 1200 1200 1200 Calculation Calculation Calculation 800 800 800 400 400 400 2 3 4 5 2 3 4 2 3 4 1 1 5 5 Measurement point Measurement point Measurement point (a) Case 1 (b) Case 2 (c) Case 3 Temperature/K Temperature/K Temperature/K -Test -Test - Test 1200 1200 1200 -Calculation Calculation Calculation 800 800 800 400 400 400 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 Measurement point Measurement point Measurement point (d) Case 4 (e) Case 5 (f) Case 6 Temperature/K -Test Temperature/K -Test Temperature/K -Test 1200 1200 1200 -Calculation -Calculation Calculation 800 800 800 400 400 400 2 3 4 5 2 3 4 2 3 4 1 1 5 1 5 Measurement point Measurement point Measurement point (i) Case 9 (h) Case 8 (g) Case 7 Temperature/K Temperature/K Temperature/K - Test . - Test -Test 1200 1200 1200 Calculation Calculation -Calculatior 800 800 800 400 400 400 2 3 4 5 2 3 4 2 3 4 5 1 1 5 Measurement point Measurement point Measurement point (j) Case 10 (k) Case 11 (1) Case 12

Fig. 6 Comparison of the test and the calculation results in 12 operation cases

2.3%~8.7%,如果考虑测量仪器的误差,那么,最大误 差不超过11.3%;在定性的角度,试验结果与计算结 果的变化趋势是基本一致的,可认为后文变化规律 和机理的分析具有一定可信度。

## 3 计算结果与分析

本节主要针对两个问题进行研究:(1)不同气体 流率下,发射体温度分布差异的原因;(2)对于阴极 工程研制的热设计过程而言,阴极顶孔直径对发射 热特性会有何影响。

图 7 给出阴极顶孔径为 0.75mm,不同气体流率 下的发射体区域温度分布的计算结果,该结果显示 出几点热特性:(1)羽状模型下(流率为 3mL/min 和 4mL/min),发射体整体温度较点状模式(流率为 6mL/min 和 7mL/min)高;(2)羽状模式下的发射体温 度差异较点状模式高。关于第一个特性的机理已在 Ira 等<sup>[2]</sup>以往的研究中有述,这里不再赘述。而第二 个特性则是本文要进行研究的。考虑发射体的温度 分布受热输入条件(主要为热流密度的输入)影响, 图 8 进一步给出 3 个热输入表面(见图 1)的热流密度 分布。

图 8 给出 3 个热输入表面的热流密度分布,其 中,工况 6mL/min 和 7mL/min 的结果比较接近,导致 绿色和蓝色图线会有重合在一起的情况。根据图 8 的计算结果,对于表面 1,不同气体流率下的热流密 度分布整体变化不显著;而对于表面 2 和表面 3,羽状 模式下的热流密度则大幅度上升,明显高于点状模 式。这里,我们推测:热流密度分布的变化是 Xe\*离 子轰击表面作用的体现,在羽状模式下,Xe\*离子对3 个表面的轰击作用(尤其是表面3)应高于点状模式。 进一步地,给出图9的计算结果。

图9为流场计算域中,每一秒发生的电离次数的 分布云图以及Xe<sup>+</sup>离子从高密度电离区向3个表面的 运动流线(黑色曲线)。计算结果表明,羽状模式下, 核心电离区位置偏向下游,且区域较为发散,这使得 离子有部分会流向表面2和3(主要是表面3);而点 状模式下的情况则相反,离子流向表面2和3的程度 明显降低。这种离子流向的变化直接导致了阴极顶 表面(表面2和3)的热流密度变化:离子流向阴极顶 表面越多,阴极顶位置的热流密度越高,发射体的温 差将越大,该机理解释了图7计算结果的产生原因。 这里,本文做进一步的分析,图9结果中电离区发散 程度的影响机制为:羽状模式下的气体流率不足、中 性气体背压较低、电子-原子碰撞概率较低,导致电 离次数不够充足,为弥补电离不足的机制,阳极电压 升高以增加更多区域的电子动能,因而电离区较为 弥散,且靠近下游;而点状模式则不存在电离不足的 机制,核心电离区则较为集中。

对于空心阴极的工程设计而言,发射体的温度 分布差异应越小越好,这对于发射体的有效发射利 用率有极大的帮助(当温差在100K时,高温区的电子 发射能力要高于低温区50%以上),因此,本文继续 研究优化发射体温差的设计方向。



在阴极正常工作时,一般都处于点状模式下,因

Fig. 7 Temperature distribution in the emitter region at different gas flow rates

此,下文研究对象主要针对点状模式下的工况。图 10分别给出阴极顶孔径为0.7mm和0.8mm下的计算 结果,当阴极顶孔径为0.8mm时,发射体的温差将降 至约43K。

结合图 7 的计算结果, 阴极顶孔径从 0.7mm 变化 至 0.8mm 时, 点状模式下, 发射体温差分别约为 64K,



Fig. 8 Heat flux distribution on the 3 surfaces of thermal source to the emitter







Fig. 10 Temperature distribution vs gas flow rate with two orifice diameters

53K和43K。根据前文已提出的机理,发射体温差的 升高应与流向阴极顶表面的离子数量有关,为此,图 11展示出两个阴极顶孔径工况下的电离区与离子运 动流线,图11的结果显示:当阴极顶孔径较小时,有 更多的离子无法进入发射体区域而与表面2或表面3 碰撞(图11(a)),这会增加这两个表面的热流密度, 从而增加发射体的温差,而对于孔径较大的情况(图 11(b))则恰好相反。

值得注意的是,虽然阴极顶孔径的增大会优化 发射体的温差,对于提升发射体利用率及工作寿命 都有帮助。但是,根据以往的研究结论<sup>[3-4]</sup>,阴极顶直 径的过度增加也会引起阳极电压升高、能效降低,这 是不利于阴极放电性能的因素。因此,应综合考虑 上述影响机制,折中选取阴极顶孔径。





## 4 结 论

本文利用流-热耦合模型对空心阴极的发射热 特性进行了研究,主要结论为:

(1)空心阴极在羽状模式下的核心电离区较为 发散、且靠近下游,使离子轰击阴极顶表面的作用得 到增益,进而导致发射体温差较高,最大温差在100K 以上,点状模式下的发射体温差一般比羽状模式低 30K~50K。

(2) 在阴极热设计中,增加阴极顶孔径会导致更 多的离子进入发射体区域,降低离子对阴极顶表面 的轰击,使点状模式下的发射体温差降低,是单独优 化阴极发射热特性的设计方向,但若综合考虑发射 体利用率、寿命与放电性能,应合理设计阴极顶孔径 的尺寸。

### 参考文献

- James E P, Dan M G, Ron W. Characterization of Hollow Cathode Performance and Thermal Behavior [R].
   AIAA 2006-5150.
- [2] Ioannis G M, Ira K, Dan M G, et al. Theoretical Model of a Hollow Cathode Insert Plasma [R]. AIAA 2004-3817.
- [3] Jay P, Colleen M, Ben T, et al. Temperature Distribu-

tion in Hollow Cathode Emitters [R]. AIAA 2004-4116.

- [4] Vasyl M R, Miguel C I, Iryna A P. Possible Mechanisms of the Hollow Cathode Neutralizers Destruction [R]. AIAA 2005-4240.
- [5] Ira K, Ioannis G M, James E P, et al. Thermal Model of the Hollow Cathode Using Numerically Simulated Plasma Fluxes [J]. Journal of Propulsion and Power, 2007, 23 (3): 522-527.
- [6] Ira K, Ioannis G M, Dan M G, et al. Insert Heating and Ignition in Inert-Gas Hollow Cathodes [J]. IEEE Transactions on Plasma Science, 2008, 36(5): 2199-2206.
- [7] Alexander D I, Igor G, Steve G. Thermal Profile of a Lanthanum Hexaboride Heaterless Hollow Cathode [C].
   Atlanta: 35th International Electric Propulsion Conference, 2017.
- [8] Drobny C, Tajmar M, Wirz R. Development of a C12A7 Electride Hollow Cathode[C]. Atlanta: 35th International Electric Propulsion Conference, 2017.
- [9] Kohei K, Tatsuya K, Hisashi K, et al. 100A Class Hollow Cathode [C]. Hyogo-kobe: 34th International Electric Propulsion Conference, 2017.
- [10] Robert S, Eduardo A. Accuracy Improvements in a Hall Thruster PIC/Fluid Code[C]. Denver: 45th Joint Propulsion Conference and Exhibit, 2009.

- [11] Szabo J J. Fully Kinetic Numerical Modeling of a Plasma Thruster [D]. Massachusetts: Massachusetts Institute of Technology, 2001.
- [12] Szabo J J, Warner N, Martinez-Sanchez M, et al. Full Particle-In-Cell Simulation Methodology for Axisymmetric Hall Effect Thrusters [J]. Journal of Propulsion and Power, 2014, 30(1): 197-208.
- [13] Emmanuelle S, Michelle K A, Mark A C. Wall Erosion in 2D Hall Thruster Simulations [C]. Princeton: 29th International Electric Propulsion Conference, 2005.
- [14] John T Y, Michael K, Iain D Boyd. An Investigation of Factors Involved in Hall Thruster Wall Erosion Modeling

[R]. AIAA 2006-4657.

- [15] Langmuir I. The Nature of Adsorbed Films of Caesium on Tungsten, Part I: The Space Charge Sheath and the Image Force[J]. *Physical Review*, 1933, 43(4): 224-251.
- [16] 王平阳,程惠尔,谈和平.半透明高温图层的内部辐射效应[J].推进技术,2002,23(1):60-62.(WANG Ping-yang, CHENG Hui-er, TAN He-ping. Internal Radiation Effects in Semitransparent High-Temperature Coatings [J]. Journal of Propulsion Technology, 2002, 23(1):60-62.)
- [17] 林祖伦,王小菊. 阴极电子学(第一版)[M]. 北京:国 防工业出版社, 2013.

(编辑:朱立影)